Helyi tanterv

MATEMATIKA

8. évfolyam

Éves óraszám: 144 óra

Heti óraszám: 4 óra

A 7–8. évfolyamon nagyobb hangsúlyt kap az elvonatkoztatás és az absztrakció képességének fejlesztése, miközben továbbra is megmarad a szemléltetés és az eszközök használata. Elvárható a tapasztalatok általános megfogalmazása, a mindennapi életből vett szöveges problémák matematikai szempontú értelmezése, a megsejtett összefüggések indoklásának igénye és a tanult matematikai fogalmakat megnevező szakkifejezések helyes használata. Fejlődik a vitatkozás és az érvelés kultúrája az osztálytársakkal és a szaktanárral.

A 7–8. évfolyamon továbbra is tematikus elrendezésben követik egymást az egyes fejezetek: ***Halmazok, számhalmazok****;* ***Matematikai logika, kombinatorika, gráfok****;* ***Számelméleti ismeretek, hatvány, négyzetgyök****;* ***Arányosság, százalékszámítás****;* ***Szöveges feladatok előkészítése****;* ***Szöveges feladatok****;* ***A függvény fogalmának előkészítése****;* ***Síkbeli alakzatok****;* ***Transzformációk, szerkesztések****;* ***Térgeometria; Leíró statisztika; Valószínűségszámítás.*** Az egyes területek ismeretanyaga jelen van más témakörökben is, folyamatosan gazdagítva a szakmai eszköztárat. A szöveggel megfogalmazott hétköznapi és matematikai problémák megoldása tervek, vázlatok alapján, általánosabb eljárási módokat, gyakran algoritmusokat alkalmazva történik.

Az ismeretek bővülésével lehetővé válik a más tantárgyakhoz való kapcsolódás, a kitekintés lehetősége, a témák rendszerezése, több területen való megjelenése. A nevelési-oktatási szakasz során egyre komplexebbé válik a szemléletmód. A szemléltetést, a megértést, az órai vagy házi feladatok megoldását és a gondolatmenet bemutatását a tanulók által használható digitális eszközök, szoftverek és online felületek is támogatják.

**A Kerettanterv a matematika tantárgy tanítására 7 - 8. évfolyamon heti 3 - 3 órát biztosít.   
Intézményünkben  az 7-8. évfolyamon  további heti  1 – 1 órát biztosít az Intézmény Vezetősége.**

A témakörök áttekintő táblázata:

|  |  |
| --- | --- |
| **Témakör neve** | **Javasolt óraszám** |
| **Halmazok, számhalmazok** | 12 |
| **Matematikai logika, kombinatorika, gráfok** | 18 |
| **Számelméleti ismeretek, hatvány, négyzetgyök** | 18 |
| **Arányosság, százalékszámítás** | 22 |
| **Szöveges feladatok előkészítése** | 16 |
| **Szöveges feladatok** | 22 |
| **A függvény fogalmának előkészítése** | 12 |
| **Síkbeli alakzatok** | 20 |
| **Transzformációk, szerkesztések** | 20 |
| **Térgeometria** | 20 |
| **Leíró statisztika** | 12 |
| **Valószínűség-számítás** | 12 |
| **Összes óraszám:** | **204** |

|  |  |
| --- | --- |
| **Tematikai egység címe** | **helyi tanterv**  **8. évfolyam órakerete**  **heti 4 órára** |
| **I. Gondolkodási módszerek, halmazok, matematikai logika, kombinatorika, gráfok** | **14** |
| 1. Halmazok, számhalmazok | 6 |
| 2. Matematikai logika, kombinatorika, gráfok | 8 |
| **II. Számtan, algebra** | **40** |
| 1. Számelméleti ismeretek, hatvány, négyzetgyök | 9 |
| 2. Arányosság, százalékszámítás | 11 |
| 3. Szöveges feladatok előkészítése | 8 |
| 4. Szöveges feladatok | 12 |
| **III. Függvények, az analízis elemei** | **6** |
| 1. A függvények fogalmának előkészítése | 6 |
| **IV. Geometria** | **30** |
| 1. Síkbeli alakzatok | 8 |
| 2. Transzformációk, szerkesztések | 10 |
| 3. Térgeometria | 12 |
| **V. Statisztika, valószínűség** | **12** |
| 1. Leíró statisztika | 6 |
| 2. Valószínűség számítás | 6 |
| **Ismétlés, számonkérés:** | 6 |
| **összesen:** | **108** |
| **Szabadon tervezhető órakeret terhére évfolyamonként heti 1 – 1 óra plusz** | **36** |
| **összesen:** | **144** |

**8. OSZTÁLY**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **I. Gondolkodási módszerek, halmazok, matematikai logika, kombinatorika, gráfok** | | | **Órakeret**  **14 óra** |
| **Előzetes tudás** | | Halmazba rendezés adott tulajdonság alapján. A részhalmaz fogalma. Két véges halmaz közös része.  Egyszerű, matematikailag is értelmezhető hétköznapi szituációk megfogalmazása szóban és írásban. Állítások igazságának eldöntése. Igaz és hamis állítások megfogalmazása. Összehasonlításhoz szükséges kifejezések értelmezése, használata. Definíció megértése és alkalmazása.  Néhány elem kiválasztása adott szempont szerint. Néhány elem sorba rendezése különféle módszerekkel. | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | Az önálló gondolkodás igényének kialakítása. Halmazok eszköz jellegű használata, halmazszemlélet fejlesztése.  Szóbeli és írásbeli kifejezőkészség fejlesztése, a matematikai szaknyelv pontos használata. Saját gondolatok megértetésére való törekvés (szóbeli érvelés, szemléletes indoklás). Rendszerszemlélet, kombinatorikus gondolkodás fejlesztése.  Fogalmak egymáshoz való viszonyának, összefüggéseknek a megértése.  A rendszerezést segítő eszközök és algoritmusok használatának fejlesztése.  A bizonyítás, az érvelés iránti igény felkeltése, a kulturált vitatkozás gyakoroltatása. | | | |
| **1. Halmazok, számhalmazok** | | | | **6 óra** | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | |
| Elemeket halmazba rendez több szempont alapján;  Részhalmazokat konkrét esetekben felismer és ábrázol;  Számokat, számhalmazokat, halmazműveleti eredményeket számegyenesen ábrázol;  Véges halmaz kiegészítő halmazát (komplementerét), véges halmazok közös részét (metszetét), egyesítését (unióját) képezi és ábrázolja konkrét esetekben;  Ismeri a racionális számokat, tud példát végtelen nem szakaszos tizedes törtre. | | | Halmazokba rendezés több szempont szerint  Halmazábra készítése  Számok, számhalmazok, halmazműveleti eredmények szemléltetése számegyenesen  Részhalmazok felismerése és ábrázolása konkrét esetekben  Véges halmaz kiegészítő halmazának (komplementerének), véges halmazok metszetének és uniójának megállapítása ábrázolás segítségével konkrét esetekben  Természetes számok, egész számok, racionális számok halmazának ismerete, halmazábrájuk elkészítése  Véges és végtelen szakaszos tizedes törtek ismerete  Példa végtelen nem szakaszos tizedes törtre. |  | |
| **2. Matematikai logika, kombinatorika, gráfok** | | | | **8 óra** | |
| Igaz és hamis állításokat fogalmaz meg;  Tanult minták alapján néhány lépésből álló bizonyítási gondolatsort megért és önállóan összeállít;  A logikus érvelésben a matematikai szaknyelvet következetesen alkalmazza társai meggyőzésére;  Összeszámlálási feladatok megoldása során alkalmazza az összes eset áttekintéséhez szükséges módszereket;  Konkrét szituációkat szemléltet gráfok segítségével. | | | Igaz és hamis állítások felismerése, önálló megfogalmazása  A matematikai logika egyszerű, a korosztály számára érthető szakkifejezéseinek ismerete és használata  Egyszerű stratégiai és logikai játékok  Konkrét helyzethez kötött sorba rendezési problémák megoldása kör mentén is  Konkrét helyzethez kötött kiválasztási problémák megoldása a sorrend figyelembevételével és anélkül  Az összes eset összeszámlálása során rendszerezési sémák használata: táblázat, ágrajz, szisztematikus felsorolás.  Gráfok alkalmazása konkrét szituációk szemléltetésére. | *Magyar nyelv és irodalom*:  a lényeges és lényegtelen megkülönböztetése. | |
| A témakör tanulása eredményeként a tanuló:   * elemeket halmazba rendez több szempont alapján; * részhalmazokat konkrét esetekben felismer és ábrázol; * számokat, számhalmazokat, halmazműveleti eredményeket számegyenesen ábrázol; * véges halmaz kiegészítő halmazát (komplementerét), véges halmazok közös részét (metszetét), egyesítését (unióját) képezi és ábrázolja konkrét esetekben; * ismeri a racionális számokat, tud példát végtelen nem szakaszos tizedes törtre. * tanult minták alapján néhány lépésből álló bizonyítási gondolatsort megért és önállóan összeállít; * a logikus érvelésben a matematikai szaknyelvet következetesen alkalmazza társai meggyőzésére; * összeszámlálási feladatok megoldása során alkalmazza az összes eset áttekintéséhez szükséges módszereket; * konkrét szituációkat szemléltet gráfok segítségével. | | | | | |
| **Kulcsfogalmak/ fogalmak** | kiegészítő halmaz (komplementer), metszet, unió, természetes szám, egész szám, racionális szám; véges, végtelen szakaszos és végtelen nem szakaszos tizedes tört, „minden”, „van olyan”, gráf, gráf csúcsa, gráf éle. | | | | |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **II. Számelmélet, algebra** | | | **Órakeret**  **40 óra** |
| **Előzetes tudás** | | Racionális számkör. Számok írása, olvasása, összehasonlítása, ábrázolása számegyenesen. Műveletek racionális számokkal.  Ellentett, abszolút érték, reciprok.  Mérés, mértékegységek használata, átváltás egyszerű esetekben.  A mindennapi életben felmerülő egyszerű arányossági feladatok megoldása következtetéssel, egyenes arányosság.  Alapműveletek racionális számokkal írásban.  A zárójelek, a műveleti sorrend biztos alkalmazása. Helyes és értelmes kerekítés, az eredmények becslése, a becslés használata ellenőrzésre is.  Szöveges feladatok megoldása.  A százalékszámítás alapjai. | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | A matematikai ismeretek és a mindennapi élet történései közötti kapcsolat tudatosítása. Szavakban megfogalmazott helyzet, történés matematizálása; matematikai modellek választása, keresése, készítése, értelmezése adott szituációkhoz. Konkrét matematikai modellek értelmezése a modellnek megfelelő szöveges feladat alkotásával.  A szabványos mértékegységekhez tartozó mennyiségek és többszöröseik, törtrészeik képzeletben való felidézése.  Az együttműködéshez szükséges képességek fejlesztése páros és kiscsoportos tevékenykedtetés, feladatmegoldás során – a munka tervezése, szervezése, megosztása.  Az ellenőrzés, önellenőrzés iránti igény, az eredményért való felelősségvállalás erősítése. | | | |
| **1. Számelméleti ismeretek, hatvány, négyzetgyök** | | | | **9 óra** | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | |
| Ismeri a prímszám és az összetett szám fogalmakat; el tudja készíteni összetett számok prímtényezős felbontását 1000-es számkörben;  Meghatározza természetes számok legnagyobb közös osztóját és legkisebb közös többszörösét;  Pozitív egész számok pozitív egész kitevőjű hatványát kiszámolja;  Négyzetszámok négyzetgyökét meghatározza.  Ismeri a Pitagorasz-tételt és alkalmazza számítási feladatokban. | | | Prímszámok, összetett számok kiválasztása a természetes számok közül  Összetett számok prímtényezős felbontásának ismerete és alkalmazása 1000-es számkörben  Legnagyobb közös osztó és legkisebb közös többszörös meghatározása és alkalmazása  Pozitív egész számok pozitív egész kitevőjű hatványának alkalmazása: prímtényezős felbontás felírása hatványokkal, mértékegységek átváltása, számrendszerek helyi értékeinek felírása  Négyzetszámok négyzetgyökének kiszámolása | *Fizika; kémia; biológia-egészségtan; földrajz*:  számításos feladatok. | |
| **2. Arányosság, százalékszámítás** | | | | **11 óra** | |
| Ismeri az idő, a tömeg, a hosszúság, a terület, a térfogat és az űrtartalom szabványmértékegységeit, használja azokat mérések és számítások esetén;  Felismeri az egyenes és a fordított arányosságot konkrét helyzetekben;  Felismeri és megalkotja az egyenes arányosság grafikonját. | | | Egyenes és fordított arányosság felismerése és alkalmazása konkrét helyzetekben  Egyenes arányosság grafikonjának megrajzolása  Valóságos helyzetekhez kötődő százalékszámítás: áremelés, leárazás, egyszerű kamat, keverési feladatok megoldása, levegő összetétele, páratartalom  Banki ajánlatok (ügyfélcsomagok, számlavezetési, megbízási és tranzakciós díjak) összehasonlításával kapcsolatos feladatok megoldása  Megtakarítási és hitelfelvételi lehetőségekkel kapcsolatos egyszerű feladatok megoldása  A fordított arányosság és a mérés kapcsolatának felismerése  Terület, térfogat, űrtartalom szabványmértékegységeinek ismerete és átváltása. | *Magyar nyelv és irodalom*:  szövegértés, szövegértelmezés.  *Fizika; kémia; földrajz*:  arányossági számítások felhasználása feladatmegoldásokban.  *Technika és tervezés:*  műszaki rajzok értelmezése. | |
| **3. Szöveges feladatok előkészítése** | | | | **8 óra** | |
| Különböző szövegekhez megfelelő modelleket készít.  Egyszerű betűs kifejezésekkel összeadást, kivonást végez, és helyettesítési értéket számol;  Egy- vagy kéttagú betűs kifejezést számmal szoroz, két tagból közös számtényezőt kiemel;  Egyismeretlenes elsőfokú egyenletet lebontogatással és mérlegelvvel megold. | | | Hétköznapi problémák matematikai tartalmának formalizálása; betűk használata az ismeretlen mennyiségek jelölésére  Egyszerű betűs kifejezések összeadása, kivonása  Helyettesítési érték számolása  Egytagú kifejezések számmal való szorzása  Kéttagú betűs kifejezés számmal való szorzása  Két tagból közös számtényező kiemelése  Egyismeretlenes elsőfokú egyenlet megoldása lebontogatással | *Fizika*: összefüggések megfogalmazása, leírása a matematika nyelvén. | |
| **4. Szöveges feladatok** | | | | **12 óra** | |
| Különböző szövegekhez megfelelő modelleket készít.  Matematikából, más tantárgyakból és a mindennapi életből vett egyszerű szöveges feladatokat következtetéssel vagy egyenlettel megold;  Gazdasági, pénzügyi témájú egyszerű szöveges feladatokat következtetéssel vagy egyenlettel megold;  Gyakorlati problémák megoldása során előforduló mennyiségeknél becslést végez. | | | Különböző szövegekhez megfelelő modell készítése (például szakaszos ábrázolás, visszafelé gondolkodás, táblázat, szabadkézi vázlatrajz, betűs kifejezések felírása)  Matematikából, más tantárgyakból, gazdasági területekről és a mindennapi életből vett egyszerű szöveges feladatok megoldása következtetéssel vagy egyenlettel  Ellenőrzés a szövegbe való visszahelyettesítéssel  Pénzügyi tudatosság területét érintő feladatok megoldása  Gyakorlati problémák megoldása során előforduló mennyiségek becslése | *Magyar nyelv és irodalom*:  szövegértés, szövegértelmezés.  A gondolatmenet tagolása. | |
| A témakör tanulása eredményeként a tanuló:   * ismeri a prímszám és az összetett szám fogalmakat; el tudja készíteni összetett számok prímtényezős felbontását 1000-es számkörben; * meghatározza természetes számok legnagyobb közös osztóját és legkisebb közös többszörösét; * pozitív egész számok pozitív egész kitevőjű hatványát kiszámolja; * négyzetszámok négyzetgyökét meghatározza. * ismeri az idő, a tömeg, a hosszúság, a terület, a térfogat és az űrtartalom szabványmértékegységeit, használja azokat mérések és számítások esetén; * felismeri az egyenes és a fordított arányosságot konkrét helyzetekben; * felismeri és megalkotja az egyenes arányosság grafikonját. * ismeri a százalék fogalmát, gazdasági, pénzügyi és mindennapi élethez kötődő százalékszámítási feladatokat megold; * idő, tömeg, hosszúság, terület, térfogat és űrtartalom mértékegységeket átvált helyi értékes gondolkodás alapján, gyakorlati célszerűség szerint * különböző szövegekhez megfelelő modelleket készít. * matematikából, más tantárgyakból és a mindennapi életből vett egyszerű szöveges feladatokat következtetéssel vagy egyenlettel megold; * gazdasági, pénzügyi témájú egyszerű szöveges feladatokat következtetéssel vagy egyenlettel megold; * gyakorlati problémák megoldása során előforduló mennyiségeknél becslést végez. * egyszerű betűs kifejezésekkel összeadást, kivonást végez, és helyettesítési értéket számol; * egy- vagy kéttagú betűs kifejezést számmal szoroz, két tagból közös számtényezőt kiemel; * egyismeretlenes elsőfokú egyenletet lebontogatással és mérlegelvvel megold. | | | | | |
| **Kulcsfogalmak/ fogalmak** | prímszám, összetett szám, prímtényezős felbontás, legnagyobb közös osztó, legkisebb közös többszörös, hatvány, hatványalap, hatványkitevő, hatványérték, négyzetszám négyzetszámok négyzetgyöke, fordított arányosság, százalék, terület, térfogat, űrtartalom szabványmértékegységei, változó, együttható, helyettesítési érték, egytagú kifejezés, kéttagú kifejezés, egynemű kifejezés; kiemelés, egyenlet, lebontogatás, mérlegelv, ellenőrzés | | | | |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **III. Függvények, az analízis elemei** | | | **Órakeret**  **6 óra** |
| **Előzetes tudás** | | Egyszerű sorozatok folytatása adott szabály szerint.  Biztos tájékozódás a derékszögű koordináta-rendszerben.  Egyszerű grafikonok értelmezése. Egyszerű kapcsolatok ábrázolása derékszögű koordináta-rendszerben. | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | Függvényszemlélet fejlesztése. Grafikonok, táblázatok adatainak értelmezése, elemzése.  Megoldás a matematikai modellen belül. Matematikai modellek ismerete, alkalmazásának módja, korlátai (sorozatok, függvények, függvényábrázolás). | | | |
| 1. **A függvény fogalmának előkészítése** | | | | **6 óra** | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | |
| Felismeri az egyenes és a fordított arányosságot konkrét helyzetekben;  Felismeri és megalkotja az egyenes arányosság grafikonját.  Matematikából, más tantárgyakból és a mindennapi életből vett egyszerű szöveges feladatokat következtetéssel vagy egyenlettel megold;  Gazdasági, pénzügyi témájú egyszerű szöveges feladatokat következtetéssel vagy egyenlettel megold;  Gyakorlati problémák megoldása során előforduló mennyiségeknél becslést végez. | | | Konkrét megfeleltetések legalább egy lehetséges szabályának megadása  Egyszerű grafikonok jellemzése: növekedés-csökkenés, szélsőérték, tengelyekkel való metszéspont  Konkrét halmazok elemei között megfeleltetés létrehozása  Értéktáblázatok adatainak grafikus ábrázolása  Az egyenes és a fordított arányosság felismerése konkrét helyzetekben  Egyenes arányosság grafikonjának felismerése és megalkotása. | *Fizika; biológia-egészségtan; kémia; földrajz*:  függvényekkel leírható folyamatok. | |
| A témakör tanulása eredményeként a tanuló:   * felismeri az egyenes és a fordított arányosságot konkrét helyzetekben; * felismeri és megalkotja az egyenes arányosság grafikonját. * konkrét halmazok elemei között megfeleltetést hoz létre; * értéktáblázatok adatait grafikusan ábrázolja; * egyszerű grafikonokat jellemez. | | | | | |
| **Kulcsfogalmak/ fogalmak** | megfeleltetés; egyenes és fordított arányosság; grafikon | | | | |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **IV. Geometria** | | | **Órakeret**  **30 óra** |
| **Előzetes tudás** | | Pont, vonal, egyenes, félegyenes, szakasz, sík, szögtartomány.  Háromszögek, csoportosításuk. Négyszögek, speciális négyszögek (trapéz, paralelogramma, deltoid). Kör és részei. Adott feltételeknek megfelelő ponthalmazok. Háromszög, négyszög belső és külső szögeinek összegére vonatkozó ismeretek.  Téglatest tulajdonságai.  Tengelyesen szimmetrikus alakzatok. Egyszerű alakzatok tengelyes tükörképének megszerkesztése.  Két pont, pont és egyenes távolsága, két egyenes távolsága. Szakaszfelezés, szögfelezés, szögmásolás. Merőleges és párhuzamos egyenesek szerkesztése. Néhány nevezetes szög szerkesztése.Szerkesztési eszközök használata.  Koordináta-rendszer megismerése, pont ábrázolása, adott pont koordinátáinak a leolvasása.  A téglalap és a deltoid kerületének és területének kiszámítása.  A téglatest felszínének és térfogatának a kiszámítása. | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | Rendszerező készség fejlesztése.  A mindennapi élethez kapcsolódó egyszerű geometriai számítások elvégzésének fejlesztése. A gyakorlatban előforduló geometriai ismereteket igénylő problémák megoldására való képesség fejlesztése.  Statikus helyzetek, képek, tárgyak megfigyelése. Geometriai transzformációkban megmaradó és változó tulajdonságok megfigyelése.  Az esztétikai-, művészeti tudatosság és kifejezőképesség fejlesztése.  Képzeletben történő mozgatás: átdarabolás elképzelése, testháló összehajtásának, szétvágásának elképzelése.  A pontos munkavégzés igényének fejlesztése.  A geometriai problémamegoldás lépéseinek megismertetése (szerkesztésnél: vázlatrajz, adatfelvétel, a szerkesztés menete, szerkesztés, diszkusszió).  Az együttműködéshez szükséges képességek fejlesztése páros és kis csoportos tevékenykedtetés, feladatmegoldás során – a munka tervezése, szervezése, megosztása; kezdeményezőkészség, együttműködési készség, tolerancia. | | | |
| 1. **Síkbeli alakzatok** | | | | **8 óra** | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | |
| Ismeri a négyszögek tulajdonságait: belső és külső szögek összege, konvex és konkáv közti különbség, átló fogalma;  Ismeri a speciális négyszögeket: trapéz, paralelogramma, téglalap, deltoid, rombusz, húrtrapéz, négyzet;  Ismeri a speciális négyszögek legfontosabb tulajdonságait, ezek alapján elkészíti a halmazábrájukat;  A háromszögek és a speciális négyszögek tulajdonságait alkalmazza feladatok megoldásában;  Meghatározza háromszögek és speciális négyszögek kerületét, területét; | | | Háromszögek külső szögeinek összege  Négyszögek tulajdonságainak ismerete és alkalmazása: belső és külső szögek összege, konvex és konkáv közti különbség, átló fogalma  A speciális négyszögek (trapéz, paralelogramma, téglalap, deltoid, rombusz, húrtrapéz, négyzet) felismerése és legfontosabb tulajdonságaik megállapítása ábra alapján; alkalmazásuk; halmazábra  Háromszögek, speciális négyszögek kerületének, területének kiszámítása ábra alapján átdarabolással és tanult összefüggéssel; alkalmazások  Pitagorasz-tétel ismerete és alkalmazása  Körrel kapcsolatos fogalmak ismerete |  | |
| 1. **Transzformációk, szerkesztések** | | | | **10 óra** | |
| Megszerkeszti alakzatok tengelyes és középpontos tükörképét;  Geometriai ismereteinek felhasználásával pontosan szerkeszt több adott feltételnek megfelelő ábrát;  Felismeri a kicsinyítést és a nagyítást hétköznapi helyzetekben;  Ismer és használ dinamikus geometriai szoftvereket, tisztában van alkalmazási lehetőségeikkel. | | | Középpontos tükrözés ismerete és alkalmazása  Középpontosan szimmetrikus alakzatok felismerése a természetes és az épített környezetben  Alakzatok középpontos tükörképének megszerkesztése  Szerkesztéshez terv, előzetes ábra készítése  Több adott feltételnek megfelelő ábra szerkesztése; diszkusszió  Kicsinyítés és nagyítás felismerése hétköznapi helyzetekben  Dinamikus geometriai szoftver használata. | *Technika és tervezés:*  műszaki rajz készítése.  *Földrajz*:  szélességi körök és hosszúsági fokok. | |
| 1. **Térgeometria** | | | | **12 óra** | |
| A kocka, a téglatest, a hasáb és a gúla hálóját elkészíti;  Testeket épít képek, nézetek, alaprajzok, hálók alapján;  Ismeri a kocka, a téglatest, a hasáb és a gúla következő tulajdonságait: határoló lapok típusa, száma, egymáshoz viszonyított helyzete; csúcsok, élek száma; lapátló, testátló;  Egyenes hasáb, téglatest, kocka alakú tárgyak felszínét és térfogatát méréssel megadja, egyenes hasáb felszínét és térfogatát képlet segítségével kiszámolja; a képleteket megalapozó összefüggéseket érti;  Ismeri a gömb tulajdonságait;  A kocka, a téglatest, a hasáb, a gúla, a gömb tulajdonságait alkalmazza feladatok megoldásában. | | | Környezetünk tárgyaiban a hasáb, a gúla és a gömb alakú testek felfedezése  Hasáb és gúla tulajdonságainak ismerete és alkalmazása: határoló lapok típusa, száma, egymáshoz viszonyított helyzete; csúcsok, élek száma; lapátló, testátló  Testek építése képek, nézetek, alaprajzok, hálók alapján  Testek hálójának készítése  A gömb tanult testektől eltérő tulajdonságai  A gömb mint a Föld modellje: hosszúsági körök, szélességi körök tulajdonságai, síkmetszetek  Egyenes hasáb alakú tárgyak felszínének és térfogatának meghatározása méréssel és számolással | *Technika és tervezés:*  modellek készítése, tulajdonságainak vizsgálata.  *Történelem, társadalmi és állampolgári ismereteki*:  történelmi épületek látszati képe és alaprajza közötti összefüggések megfigyelése.  *Vizuális kultúra*:térbeli tárgyak síkbeli megjelenítése. | |
| * A témakör tanulása eredményeként a tanuló: * ismeri a négyszögek tulajdonságait: belső és külső szögek összege, konvex és konkáv közti különbség, átló fogalma; * ismeri a speciális négyszögeket: trapéz, paralelogramma, téglalap, deltoid, rombusz, húrtrapéz, négyzet; * ismeri a speciális négyszögek legfontosabb tulajdonságait, ezek alapján elkészíti a halmazábrájukat; * a háromszögek és a speciális négyszögek tulajdonságait alkalmazza feladatok megoldásában; * meghatározza háromszögek és speciális négyszögek kerületét, területét; * ismeri a Pitagorasz-tételt és alkalmazza számítási feladatokban; * ismeri a kör részeit; különbséget tesz egyenes, félegyenes és szakasz között. * megszerkeszti alakzatok tengelyes és középpontos tükörképét; * geometriai ismereteinek felhasználásával pontosan szerkeszt több adott feltételnek megfelelő ábrát; * felismeri a kicsinyítést és a nagyítást hétköznapi helyzetekben; * ismeri az idő, a tömeg, a hosszúság, a terület, a térfogat és az űrtartalom szabványmértékegységeit, használja azokat mérések és számítások esetén. * a kocka, a téglatest, a hasáb hálóját elkészíti; * testeket épít képek, nézetek, alaprajzok, hálók alapján; * ismeri a kocka, a téglatest, a hasáb és a gúla következő tulajdonságait: határoló lapok típusa, száma, egymáshoz viszonyított helyzete; csúcsok, élek száma; lapátló, testátló; * egyenes hasáb, téglatest, kocka alakú tárgyak felszínét és térfogatát méréssel megadja, egyenes hasáb felszínét és térfogatát képlet segítségével kiszámolja; a képleteket megalapozó összefüggéseket érti; * ismeri a gömb tulajdonságait; * a kocka, a téglatest, a hasáb, a gömb tulajdonságait alkalmazza feladatok megoldásában. | | | | | |
| **Kulcsfogalmak/ fogalmak** | négyszög, konvex, konkáv, átló, trapéz, paralelogramma, deltoid, rombusz, húrtrapéz, körvonal, körlap, középpont, sugár, húr, átmérő, szelő, érintő, körcikk, szimmetria-középpont, középpontos szimmetria, kicsinyítés, nagyítás, hasáb, gúla, gömb, alaplap, alapél, oldallap, oldalél, testmagasság. | | | | |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Tematikai egység/ Fejlesztési cél** | | **V. Statisztika, valószínűség** | | | **Órakeret**  **12 óra** |
| **Előzetes tudás** | | Egyszerű diagramok készítése, értelmezése, táblázatok olvasása.  Néhány szám számtani közepének kiszámítása.  Valószínűségi játékok és kísérletek az adatok tervszerű gyűjtése, rendezése. | | | |
| **A tematikai egység nevelési-fejlesztési céljai** | | A statisztikai gondolkodás fejlesztése.  A valószínűségi gondolkodás fejlesztése.  Gazdasági nevelés. | | | |
| 1. **Leíró statisztika** | | | | **6 óra** | |
| **Ismeretek** | | | **Fejlesztési követelmények** | **Kapcsolódási pontok** | |
| Értelmezi a táblázatok adatait, az adatoknak megfelelő ábrázolási módot kiválasztja, és az ábrát elkészíti;  Adatokat táblázatba rendez, diagramon ábrázol hagyományos és digitális eszközökkel is;  Különböző típusú diagramokat megfeleltet egymásnak;  Megadott szempont szerint adatokat gyűjt ki táblázatból, olvas le hagyományos vagy digitális forrásból származó diagramról, majd rendszerezés után következtetéseket fogalmaz meg;  Konkrét adatsor esetén átlagot számol, megállapítja a leggyakoribb adatot (módusz), a középső adatot (medián), és ezeket összehasonlítja. | | | Adathalmazok, egyszerű diagramok, táblázatok adatainak elemzése  Adatok táblázatba rendezése, ábrázolása diagramon  Különböző típusú diagramok megfeleltetése egymásnak  Adatok gyűjtése táblázatból, leolvasása hagyományos vagy digitális forrásból származó diagramról megadott szempont szerint  Adatok rendszerezése, következtetések megfogalmazása  Konkrét adatsor leggyakoribb adatának (módusz) megtalálása, gyakorlati alkalmazása  Rendezhető adatsor középső adatának (medián) megállapítása, gyakorlati alkalmazása  Konkrét adatsor esetén átlag, leggyakoribb adat (módusz), középső adat (medián) megfigyelése, összehasonlítása | *Testnevelés és sport*:teljesítmények adatainak, mérkőzések eredményeinek táblázatba rendezése. | |
| 1. **Valószínűség számítás** | | | | **6 óra** | |
| Valószínűségi kísérletek.  Valószínűség előzetes becslése, szemléletes fogalma.  Valószínűségi kísérletek, eredmények lejegyzése. Gyakoriság, relatív gyakoriság fogalma.  Matematikatörténet: érdekességek a valószínűség- számítás fejlődéséről*.* | | | Valószínűségi játékok, kísérletek; az adatok tervszerű gyűjtése, rendezése és ábrázolása digitálisan is  Valószínűségi játékok lehetséges kimeneteleinek ismeretében stratégia követése  Az esély intuitív fogalmának felhasználása a „lehetetlen”, a „biztos” és a „kisebb/nagyobb eséllyel lehetséges” kijelentések megfogalmazásánál  A gyakoriság és relatív gyakoriság ismerete és alkalmazása a kísérletezés során |  | |
| * A témakör tanulása eredményeként a tanuló: * értelmezi a táblázatok adatait, az adatoknak megfelelő ábrázolási módot kiválasztja, és az ábrát elkészíti; * adatokat táblázatba rendez, diagramon ábrázol hagyományos és digitális eszközökkel is; * különböző típusú diagramokat megfeleltet egymásnak; * megadott szempont szerint adatokat gyűjt ki táblázatból, olvas le hagyományos vagy digitális forrásból származó diagramról, majd rendszerezés után következtetéseket fogalmaz meg; * konkrét adatsor esetén átlagot számol, megállapítja a leggyakoribb adatot (módusz), a középső adatot (medián), és ezeket összehasonlítja. * valószínűségi játékokat, kísérleteket végez, ennek során az adatokat tervszerűen gyűjti, rendezi és ábrázolja digitálisan is; * valószínűségi játékokban érti a lehetséges kimeneteleket, játékában stratégiát követ; * ismeri a gyakoriság és a relatív gyakoriság fogalmát. Ismereteit felhasználja a „lehetetlen”, a „biztos” és a „kisebb/nagyobb eséllyel lehetséges” kijelentések megfogalmazásánál. | | | | | |
| **Kulcsfogalmak/ fogalmak** | oszlopdiagram, kördiagram, vonaldiagram, pontdiagram, esély, gyakoriság, relatív gyakoriság | | | | |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **A fejlesztés várt eredményei a 8. osztály végén** | *Gondolkodási és megismerési módszerek*   * Elemek halmazba rendezése több szempont alapján. * Egyszerű állítások igaz vagy hamis voltának eldöntése, állítások tagadása. * Állítások, feltételezések, választások világos, érthető közlésének képessége, szövegek értelmezése egyszerűbb esetekben. * Kombinatorikai feladatok megoldása az összes eset szisztematikus összeszámlálásával. * Fagráfok használata feladatmegoldások során.   *Számtan, algebra*   * Biztos számolási ismeretek a racionális számkörben. A műveleti sorrendre, zárójelezésre vonatkozó szabályok ismerete, helyes alkalmazása. Az eredmény becslése, ellenőrzése., helyes és értelmes kerekítése. * Mérés, mértékegység használata, átváltás. Egyenes arányosság, fordított arányosság. * A százalékszámítás alapfogalmainak ismerete, a tanult összefüggések alkalmazása feladatmegoldás során. * A legnagyobb közös osztó kiválasztása az összes osztóból, a legkisebb pozitív közös többszörös kiválasztása a többszörösök közül. * Prímszám, összetett szám. Prímtényezős felbontás. * Egyszerű algebrai egész kifejezések helyettesítési értéke. Összevonás. Többtagú kifejezés szorzása egytagúval. * Négyzetre emelés, négyzetgyökvonás, hatványozás pozitív egész kitevők esetén. * Elsőfokú egyismeretlenes egyenletek és egyenlőtlenségek. A matematikából és a mindennapi életből vett egyszerű szöveges feladatok megoldása következtetéssel, egyenlettel. Ellenőrzés. A megoldás ábrázolása számegyenesen. * A betűkifejezések és az azokkal végzett műveletek alkalmazása matematikai, természettudományos és hétköznapi feladatok megoldásában. * Számológép ésszerű használata a számolás megkönnyítésére.   *Összefüggések, függvények, sorozatok*   * Megadott sorozatok folytatása adott szabály szerint. * Az egyenes arányosság grafikonjának felismerése, a lineáris kapcsolatokról tanultak alkalmazása természettudományos feladatokban is. * Grafikonok elemzései a tanult szempontok szerint, grafikonok készítése, grafikonokról adatokat leolvasása. Táblázatok adatainak kiolvasása, értelmezése, ábrázolása különböző típusú grafikonon.   *Geometria*   * A tanuló a geometriai ismeretek segítségével jó ábrák készítése, pontos szerkesztések végzése. * A tanult geometriai alakzatok tulajdonságainak ismerete (háromszögek, négyszögek belső és külső szögeinek összege, nevezetes négyszögek szimmetriatulajdonságai), ezek alkalmazása a feladatok megoldásában. * Tengelyes és középpontos tükörkép, eltolt alakzat képének szerkesztése. Kicsinyítés és nagyítás felismerése hétköznapi helyzetekben (szerkesztés nélkül). * A Pitagorasz-tételt kimondása és alkalmazása számítási feladatokban. * Háromszögek, speciális négyszögek és a kör kerületének, területének számítása feladatokban. * A tanult testek (háromszög és négyszög alapú egyenes hasáb, forgáshenger) térfogatképleteinek ismeretében a mindennapjainkban előforduló testek térfogatának, űrtartalmának kiszámítása.   *Valószínűség, statisztika*   * Valószínűségi kísérletek eredményeinek értelmes lejegyzése, relatív gyakoriságok kiszámítása. * Konkrét feladatokban az esély, illetve valószínűség fogalmának értése, a biztos és a lehetetlen esemény felismerése. * Zsebszámológép célszerű használata statisztikai számításokban.   Néhány kiemelkedő magyar matematikus nevének ismerete, esetenként kutatási területének, eredményének megnevezés | |
| **Ismétlés, számonkérés:** | | **6 óra** |
| **Szabadon tervezhető órakeret terhére évfolyamonként heti 1 óra plusz** | | **36 óra** |
| **ÖSSZESEN** | | **144 óra** |